



απόλυτο

ΕΚΠΑΙΔΕΥΤΙΚΟΣ ΟΡΓΑΝΙΣΜΟΣ

ΑΠΑΝΤΗΣΕΙΣ ΠΑΝΕΛΛΑΔΙΚΩΝ ΕΞΕΤΑΣΕΩΝ

- A1 α) Σχοδικό βελ. 65
β) Σχοδικό βελ. 65
γ) Σχοδικό βελ. 65

A2 Σχοδικό βελ. 22

- A3 α) Σ
β) Λ
γ) Λ
δ) Σ.
ε) Λ.



ΘΕΜΑ Β

B1 | Θα πρέπει η διάμεσος να ισούται με την z^u παρατήρηση. οπότε.

$$15 = 4\alpha - 1 \Leftrightarrow 16 = 4\alpha \Leftrightarrow \alpha = \frac{16}{4}$$

$$\Leftrightarrow \alpha = 4.$$

B2 | $\bar{x} = \frac{12 + 14 + 15 + 16 + 18}{5} = \frac{75}{5} = 15.$

$$s^2 = \frac{(12-15)^2 + (14-15)^2 + (15-15)^2 + (16-15)^2 + (18-15)^2}{5}$$
$$= \frac{9 + 1 + 0 + 1 + 9}{5} = \frac{20}{5} = 4$$

οπότε $s = \sqrt{4} = 2.$

B3 | $CV = \frac{s}{\bar{x}} = \frac{2}{15} > \frac{1}{10}$ άρα το

δείγμα δεν είναι ομοιογενές.

B4 | Έχουμε ότι $y_i = -2x_i + 5.$

$$\bar{y} = -2 \cdot \bar{x} + 5 = -2 \cdot 15 + 5 = -25.$$

$$s_y = |-2| \cdot s_x = 2 \cdot 2 = 4.$$

$$CV_y = \frac{4}{|-25|} = \frac{4}{25}.$$

ΘΕΜΑ Γ

$$f(x) = 2x^3 - 3kx^2 + k, \quad k \in \mathbb{R}, \quad x \in \mathbb{R}$$

Γ1) Αν η εφαπτομένη της C_f στο $M(2, f(2)) // x'x$ ΘΝΥ $k = ?$

$$f'(x) = 6x^2 - 6kx, \quad f'(2) = 0 \Leftrightarrow 6 - 6k = 0 \Leftrightarrow \boxed{k = 1}$$

Γ2) Για $k = 1$ ΘΝΒ $x = ?$; για την οποία ο ρυθμός μεταβολής της $f(x)$ γίνεται ελάχιστος

$$\text{ρυθμός μεταβολής} = f'(x) = 6x^2 - 6x$$

$$f''(x) = 12x - 6$$

x	$-\infty$	$\frac{1}{2}$	$+\infty$
$f''(x)$	-	0	+
$f'(x)$	\swarrow	\downarrow	\searrow
		min	

Άρα $\boxed{x = \frac{1}{2}}$

Γ3) Για $k = 1$ ΘΝΒ εξίσωση εφαπτομένης της C_f στο $A(-1, f'(-1))$

$$\epsilon\varphi: y - f'(-1) = f''(-1)(x + 1)$$

$$f'(-1) = 12, \quad f''(-1) = -18$$

$$\epsilon\varphi: y - 12 = -18(x + 1)$$

$$y = -18x - 18 + 12$$

$$\boxed{y = -18x - 6}$$

ΘΕΜΑ Δ ΕΠΑΛ

$$f(x) = \sqrt{x^2+4} + 2018, x \in \mathbb{R}$$

$$\Delta_1) \text{ ΘΥΔ } f'(x) = \frac{x}{\sqrt{x^2+4}}$$

$$\begin{aligned} f'(x) &= (\sqrt{x^2+4} + 2018)' = (\sqrt{x^2+4})' + (2018)' = \frac{1}{2\sqrt{x^2+4}} (x^2+4)' + 0 = \\ &= \frac{2x}{2\sqrt{x^2+4}} = \frac{x}{\sqrt{x^2+4}} \end{aligned}$$

$\Delta_2) \text{ ΘΥΒ}$ μονοτονία - άκροτατα

$$f'(x) \geq 0 \Leftrightarrow \frac{x}{\sqrt{x^2+4}} \geq 0 \Leftrightarrow x \geq 0$$

x	$-\infty$	0	$+\infty$
$f'(x)$	-	0	+
$f(x)$	↘ ↗ min		

$$f(0) = 2 + 2018 = 2020$$

στην ελάχιστη

$$\Delta_3) \text{ ΘΥΓ } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x^2+4)f'(x) - 2x}{x^2} = ;$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x^2+4)f'(x) - 2x}{x^2} \stackrel{\left(\frac{0}{0}\right)}{=} \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(x^2+4) \frac{x}{\sqrt{x^2+4}} - 2x}{x^2} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2+4} \cdot x - 2x}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x(\sqrt{x^2+4} - 2)}{x^2} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2+4} - 2}{x} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{(\sqrt{x^2+4} - 2)(\sqrt{x^2+4} + 2)}{x(\sqrt{x^2+4} + 2)} = \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2+4-2^2}{x(\sqrt{x^2+4} + 2)} =$$

$$= \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2} = 0$$

Ans: 0

2) For $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2} = 0$

$$\frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2} = 0 \quad \text{Ans: 0}$$

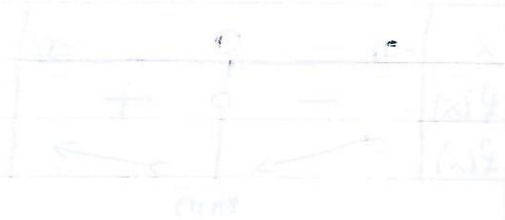
$$= 0 + (x^2) \frac{1}{\sqrt{x^2+4} + 2} = (0) + (4) = (0) + (4) = 4$$

$$\frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2} = \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2}$$

Ans: 0

$$0 < x < \infty \quad \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2} = 0$$

Ans: 0



$$= \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2} = \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2}$$

$$= \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2} = \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2}$$

$$= \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2} = \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2}$$

$$= \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2} = \frac{x}{\sqrt{x^2+4} + 2}$$